



太原师院附中 2016—2017 学年第一学期八年级 10 月调研

数学试卷解析

一、 选择题 (本大题共 10 小题, 每小题 3 分, 共 30 分)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
C	D	D	D	B	C	D	C	A	C

二、 填空题 (本大题共 8 小题, 每小题 3 分, 共 24 分)

11. 4

12. 36

13. 1

14. 2

15. ± 5

16. $>$; $>$

17. 5

18. $1 + \sqrt{10}$ 或 $1 - \sqrt{10}$

三、 解答题 (本大题共 6 小题, 共 46 分)

19. 计算

$$(1) \sqrt{18} + \sqrt{2} = 3\sqrt{2} + \sqrt{2} = 4\sqrt{2}$$

$$(2) (\sqrt{3} - 2)^2 = 3 - 4\sqrt{3} + 4 = 7 - 4\sqrt{3}$$

$$(3) \frac{\sqrt{27} - \sqrt{12}}{\sqrt{3}} - \sqrt{6} \times \sqrt{\frac{2}{3}} = \sqrt{9} - \sqrt{4} - \sqrt{4} = 3 - 2 - 2 = -1$$

$$(3) \left(\frac{\sqrt{5}}{3} + \frac{\sqrt{3}}{5} \right) \times \sqrt{20} = \left(\frac{\sqrt{15}}{3} + \frac{\sqrt{15}}{5} \right) \times 2\sqrt{5} = \frac{2\sqrt{75}}{3} + \frac{2\sqrt{75}}{5} = \frac{10\sqrt{3}}{3} + \frac{10\sqrt{3}}{5} = \frac{16\sqrt{3}}{3}$$

20. (1) 如图所示, 线段 AB 即为所求;

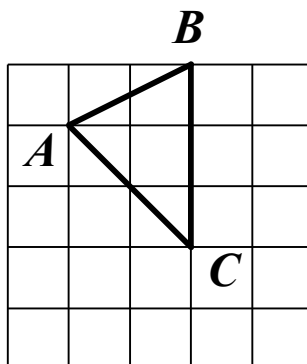
(2) 如图所示, 线段 $\triangle ABC$ 即为所求;

$$(3) S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \times BC \times h_{BC} = \frac{1}{2} \times 3 \times 2 = 3$$

$$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \times AB \times h_{AB}$$

$$3 = \frac{1}{2} \times \sqrt{5} \times h_{AB}$$

$$\text{解得: } h_{AB} = \frac{6\sqrt{5}}{5}$$





21. 解: 由题知: $I = 2v^2$

$$\text{所以: } 72 = 2v^2$$

$$v^2 = 36$$

有因为 $v > 0$

$$\therefore v = 6$$

答: 此次撞击时的车速为 6 千米每分钟

22. 解: $\because CA \perp AB$

$\therefore \triangle ABC$ 为直角三角形

在 $Rt\triangle ABC$ 中, $AB = 8$, $BC = 10$

由勾股定理得: $AC^2 + AB^2 = BC^2$

$$\therefore AC = \sqrt{BC^2 - AB^2} = \sqrt{10^2 - 8^2} = 6$$

在 $\triangle ACD$ 中, $AD = 4\sqrt{2}$, $CD = 2$, $AC = 6$

$$\therefore AD^2 + CD^2 = (4\sqrt{2})^2 + 2^2 = 32 + 4 = 36 = 6^2 = AC^2$$

$$\therefore AD^2 + CD^2 = AC^2$$

由勾股定理逆定理知 $\triangle ACD$ 为直角三角形, $\angle ADC = 90^\circ$

$$\therefore S_{ABCD} = S_{\triangle ABC} + S_{\triangle ACD}$$

$$= \frac{1}{2} AB \cdot AC + \frac{1}{2} AD \cdot CD$$

$$= \frac{1}{2} \times 8 \times 6 + \frac{1}{2} \times 4\sqrt{2} \times 2$$

$$= 24 + 4\sqrt{2}$$

23. 解: (1) $\because 2 < \sqrt{5} < 3$

$\therefore \sqrt{5}$ 的整数部分为 2, 小数部分为 $\sqrt{5} - 2$.

(2) $x + y = 12 + \sqrt{5} = (12 + 2) + (\sqrt{5} - 2)$ 且 x 为整数, $0 < y < 1$

$$\therefore x = 14, y = \sqrt{5} - 2$$

$$\therefore x - y + \sqrt{5} = 14 - (\sqrt{5} - 2) + \sqrt{5} = 16$$

$\therefore x - y + \sqrt{5}$ 的平方根为 ± 4 .



24. 解: (1) $t=2$ 时, $CD=1 \times 2=2$,
 $\because \angle ABC=90^\circ$, $AB=8$, $BC=6$,
 $\therefore AC=\sqrt{AB^2+BC^2}=10$,
 $\therefore AD=AC-CD=10-2=8$;

(2) ① $\angle CDB=90^\circ$ 时, $S_{\triangle ABC}=\frac{1}{2}AC \cdot BD=\frac{1}{2}AB \cdot BC$, 即 $AC \cdot BD=AB \cdot BC$
 即 $10 \cdot BD=8 \times 6$, 解得 $BD=4.8$,
 所以 $CD=\sqrt{BC^2-BD^2}=3.6$,
 $t=3.6 \div 1=3.6$ 秒;
 ② $\angle CBD=90^\circ$ 时, 点 D 和点 A 重合,
 $t=10 \div 1=10$ 秒,
 综上所述, $t=3.6$ 或 10 秒;

(3) ① 当 C 为顶角时, $CD=CB$, $CD=6 \therefore t=6$;
 ② 当 D 为顶角时, $DC=DB$, 过点 D 作 $DE \perp BC$ 于 E , 则 $CE=3$
 根据三角形中位线可得 $DE=\frac{1}{2}AB=4$, 所以在 $Rt\triangle CDE$ 中 $CD=5$
 $\therefore t=5$;
 ③ 当 B 为顶角时, $BD=BC$, 如图 2, 过点 B 作 $BF \perp AC$ 于 F ,
 设 $FC=DF=x$, 则在 $Rt\triangle ABF$ 中 $BF^2=AB^2-AF^2$, 即 $BF^2=8^2-(10-x)^2$
 在 $Rt\triangle BDF$ 中, $BF^2=BD^2-DF^2$, 即 $BF^2=6^2-x^2$
 $\therefore 8^2-(10-x)^2=6^2-x^2$
 $\therefore x=3.6$,
 $\therefore CD=2x=7.2$
 综上所述, $t=5$ 秒或 6 秒或 7.2 秒时, $\triangle CBD$ 是等腰三角形.

